



## Конструктор индивидуальных заданий по математике SCHOOL-PRO.RU

Подборка заданий в этом файле  
была автоматически сгенерирована в Конструкторе.  
В ней содержатся задания, аналогичные банку ФИПИ

**Этот файл, как и другие подборки заданий с ФИПИ,  
можно скачать бесплатно на странице**

**<https://school-pro.ru/constructor/kim/>**

Конструктор позволяет круглый год задавать индивидуальные домашние задания по математике для учеников 5-8 классов, а также по темам ОГЭ и ЕГЭ. Также в Конструкторе есть генератор КИМов, который позволяет создавать экзаменационные КИМы «пачками» в один клик. Все задания и ответы к ним генерируются умными программами-скриптами автоматически, поэтому **задания и ответы будут только у Вас и нигде больше в Интернете!**

**Файла с ответами к представленным заданиям не существует в принципе. Но Вы можете самостоятельно генерировать подборки, похожие на эту, в Конструкторе – уже с ответами!**

### Узнайте, как использовать Конструктор на полную мощность:

- [Конструктор индивидуальных заданий](#)
- Краткая видеоинструкция по Конструктору (2 минуты): [смотреть](#)
- Полная видеоинструкция по Конструктору: [смотреть \(желательно за компьютером\)](#)
- Видеоинструкция (частично устаревшая): [смотреть](#)
- Краткая инструкция по Конструктору в картинках: [смотреть](#)
- Вступайте в нашу группу ВК: [Конструктор индивидуальных заданий \(группа ВК\)](#)
- Подписывайтесь на наш канал на YouTube: ([перейти](#))
- По всем вопросам пишите автору и администратору Конструктора Максиму Семенихину ([страничка ВК](#))

### Задание 1 (новый банк ФИПИ)

сгенерировано на [school-pro.ru](http://school-pro.ru)

- 1.1 Через точку  $Z$  пересечения диагоналей параллелограмма  $HSDN$  проведена прямая, пересекающая стороны  $HS$  и  $DN$  в точках  $F$  и  $K$  соответственно. Докажите, что отрезки  $HF$  и  $DK$  равны.
- 1.2 Через точку  $C$  пересечения диагоналей параллелограмма  $ROMP$  проведена прямая, пересекающая стороны  $RO$  и  $MP$  в точках  $K$  и  $F$  соответственно. Докажите, что отрезки  $RK$  и  $MF$  равны.

### Задание 2 (новый банк ФИПИ)

сгенерировано на [school-pro.ru](http://school-pro.ru)

- 2.1 Сторона  $ME$  параллелограмма  $MFBE$  вдвое больше стороны  $BE$ . Точка  $D$  – середина стороны  $ME$ . Докажите, что  $BD$  – биссектриса угла  $FBE$ .
- 2.2 Сторона  $CK$  параллелограмма  $CONK$  вдвое больше стороны  $NK$ . Точка  $E$  – середина стороны  $CK$ . Докажите, что  $NE$  – биссектриса угла  $ONK$ .

### Задание 3 (новый банк ФИПИ)

сгенерировано на [school-pro.ru](http://school-pro.ru)

- 3.1 Биссектрисы углов  $M$  и  $R$  параллелограмма  $MRDH$  пересекаются в точке  $C$ , лежащей на стороне  $DH$ . Докажите, что  $C$  – середина  $DH$ .
- 3.2 Биссектрисы углов  $H$  и  $T$  параллелограмма  $HTNZ$  пересекаются в точке  $R$ , лежащей на стороне  $NZ$ . Докажите, что  $R$  – середина  $NZ$ .

### Задание 4 (новый банк ФИПИ)

сгенерировано на [school-pro.ru](http://school-pro.ru)

- 4.1 Биссектрисы углов  $D$  и  $C$  трапеции  $DMOC$  пересекаются в точке  $R$ , лежащей на стороне  $MO$ . Докажите, что точка  $R$  равноудалена от прямых  $DM$ ,  $DC$  и  $OC$ .
- 4.2 Биссектрисы углов  $E$  и  $S$  трапеции  $EHZS$  пересекаются в точке  $F$ , лежащей на стороне  $HZ$ . Докажите, что точка  $F$  равноудалена от прямых  $EH$ ,  $ES$  и  $ZS$ .

### Задание 5 (новый банк ФИПИ)

сгенерировано на [school-pro.ru](http://school-pro.ru)

- 5.1 Внутри параллелограмма  $PBNF$  выбрали произвольную точку  $C$ . Докажите, что сумма площадей треугольников  $BCN$  и  $PCF$  равна половине площади параллелограмма.
- 5.2 Внутри параллелограмма  $PKAD$  выбрали произвольную точку  $T$ . Докажите, что сумма площадей треугольников  $KTA$  и  $PTD$  равна половине площади параллелограмма.

### Задание 6 (новый банк ФИПИ)

сгенерировано на [school-pro.ru](http://school-pro.ru)

- 6.1 В трапеции  $FESH$  с основаниями  $FH$  и  $ES$  диагонали пересекаются в точке  $D$ . Докажите, что площади треугольников  $FDE$  и  $SDH$  равны.
- 6.2 В трапеции  $XAPR$  с основаниями  $XR$  и  $AP$  диагонали пересекаются в точке  $K$ . Докажите, что площади треугольников  $XKA$  и  $PKR$  равны.

### Задание 7 (новый банк ФИПИ)

сгенерировано на [school-pro.ru](http://school-pro.ru)

- 7.1 Точка  $N$  – середина боковой стороны  $FM$  трапеции  $FMEC$ . Докажите, что площадь треугольника  $NEC$  равна половине площади трапеции.
- 7.2 Точка  $S$  – середина боковой стороны  $ON$  трапеции  $ONAB$ . Докажите, что площадь треугольника  $SAB$  равна половине площади трапеции.

### Задание 8 (новый банк ФИПИ)

сгенерировано на [school-pro.ru](http://school-pro.ru)

- 8.1 На средней линии трапеции  $CNRM$  с основаниями  $CM$  и  $NR$  выбрали произвольную точку  $S$ . Докажите, что сумма площадей треугольников  $NSR$  и  $CSM$  равна половине площади трапеции.
- 8.2 На средней линии трапеции  $KONP$  с основаниями  $KP$  и  $ON$  выбрали произвольную точку  $S$ . Докажите, что сумма площадей треугольников  $OSN$  и  $KSP$  равна половине площади трапеции.

**Задание 9 (новый банк ФИПИ)**сгенерировано на [school-pro.ru](http://school-pro.ru)

- 9.1 Основания  $AC$  и  $HB$  трапеции  $HACB$  равны соответственно 2 и 50,  $AB = 10$ . Докажите, что треугольники  $CAB$  и  $ABH$  подобны.
- 9.2 Основания  $TR$  и  $ZB$  трапеции  $ZTRB$  равны соответственно 3 и 27,  $TB = 9$ . Докажите, что треугольники  $RTB$  и  $TBZ$  подобны.

**Задание 10 (новый банк ФИПИ)**сгенерировано на [school-pro.ru](http://school-pro.ru)

- 10.1 Известно, что около четырёхугольника  $AKNS$  можно описать окружность, и что продолжения сторон  $AS$  и  $KN$  четырёхугольника пересекаются в точке  $O$ . Докажите, что треугольники  $OAK$  и  $ONS$  подобны.
- 10.2 Известно, что около четырёхугольника  $BXMS$  можно описать окружность, и что продолжения сторон  $BS$  и  $XM$  четырёхугольника пересекаются в точке  $T$ . Докажите, что треугольники  $TBX$  и  $TMS$  подобны.

**Задание 11 (новый банк ФИПИ)**сгенерировано на [school-pro.ru](http://school-pro.ru)

- 11.1 В треугольнике  $DHO$  с тупым углом  $DOH$  проведены высоты  $DD_1$  и  $HH_1$ . Докажите, что треугольники  $D_1H_1O$  и  $DHO$  подобны.
- 11.2 В треугольнике  $ZXH$  с тупым углом  $ZHX$  проведены высоты  $ZZ_1$  и  $XX_1$ . Докажите, что треугольники  $Z_1X_1H$  и  $ZXH$  подобны.

**Задание 12 (новый банк ФИПИ)**сгенерировано на [school-pro.ru](http://school-pro.ru)

- 12.1 В остроугольном треугольнике  $HPB$  проведены высоты  $HH_1$  и  $PP_1$ . Докажите, что углы  $HH_1P_1$  и  $HPP_1$  равны.
- 12.2 В остроугольном треугольнике  $SDX$  проведены высоты  $SS_1$  и  $DD_1$ . Докажите, что углы  $SS_1D_1$  и  $SDD_1$  равны.

**Задание 13 (новый банк ФИПИ)**сгенерировано на [school-pro.ru](http://school-pro.ru)

- 13.1 В выпуклом четырёхугольнике  $BKMC$  углы  $CBM$  и  $CKM$  равны. Докажите, что углы  $MCK$  и  $MBK$  также равны.
- 13.2 В выпуклом четырёхугольнике  $NTPO$  углы  $ONP$  и  $OTP$  равны. Докажите, что углы  $POT$  и  $PNT$  также равны.

**Задание 14 (новый банк ФИПИ)**сгенерировано на [school-pro.ru](http://school-pro.ru)

- 14.1 Окружности с центрами в точках  $N$  и  $S$  пересекаются в точках  $A$  и  $H$ , причём точки  $N$  и  $S$  лежат по одну сторону от прямой  $AH$ . Докажите, что прямые  $NS$  и  $AH$  перпендикулярны.
- 14.2 Окружности с центрами в точках  $X$  и  $M$  пересекаются в точках  $O$  и  $H$ , причём точки  $X$  и  $M$  лежат по одну сторону от прямой  $OH$ . Докажите, что прямые  $XM$  и  $OH$  перпендикулярны.

**Задание 15 (новый банк ФИПИ)**сгенерировано на [school-pro.ru](http://school-pro.ru)

- 15.1 Окружности с центрами в точках  $T$  и  $F$  не имеют общих точек, и ни одна из них не лежит внутри другой. Внутренняя общая касательная к этим окружностям делит отрезок, соединяющий их центры, в отношении  $u:s$ . Докажите, что диаметры этих окружностей относятся как  $u:s$ .
- 15.2 Окружности с центрами в точках  $P$  и  $O$  не имеют общих точек, и ни одна из них не лежит внутри другой. Внутренняя общая касательная к этим окружностям делит отрезок, соединяющий их центры, в отношении  $p:t$ . Докажите, что диаметры этих окружностей относятся как  $p:t$ .